

Одесск. политехн. Университета, 2003, вып. 1(19), С. 184–188. 4. Basri R. Recognition by Linear Combinations of Models // *IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence.*, 13(10), 1991, P. 992 – 1006. 5. Lin C. Y., Wu M., Bloom J. A., Cox I. J., Miller M. L., Lui Y. M. Rotation, Scale and Translation Resilient Watermarking for Images // *IEEE Trans. On Image Processing*, Vol.10(5), 2001, P. 767 – 782. 6. J. K. Su, J. J. Eggers, B. Girod. Analysis of Digital Watermarks Subjected to Optimum Linear Filtering and Additive Noise// *Signal Processing.* Vol.81(1). 2001. P. 1141– 1175. 7. Moulin P., O'Sullivan J. Information Theoretic Analysis of Information Hiding // *Proc. IEEE Symp. on IT' 1998*, P. 147–183. 8. Маракова И. И., Мараков Д. А. Методика оценки эффективности систем с цифровыми водяными знаками в рамках заданных ограничений // *Захист інформації*, 2002, №2. С. 58 – 65. 9. Маракова И. И. Методика исследования секретных систем с цифровыми водяными знаками в условиях атаки в виде аддитивного шума и линейной фильтрацией // *Захист інформації*, 2003.– №4, С. 25 – 30.

УДК 681.3

## ВАРІАНТ ЗАВАДОСТІЙКОГО КРИПТОГРАФІЧНОГО ПЕРЕТВОРЕННЯ

В'ячеслав Василенко

Відкрите акціонерне товариство "КП ОІІ"

*Анотація:* Пропонується використання завадостійкого криптографічного перетворення для задач забезпечення конфіденційності інформаційних об'єктів автоматизованих систем.

*Summary:* Usage of noise-resistant cryptography conversion for problems of support of privacy of information objects of the automized systems is offered.

*Ключові слова:* Інформація, конфіденційність, криптографічні перетворення, завади, викривлення, відновлення.

### І Вступ

Забезпечення високої надійності, ефективності і технологічності автоматизованих систем (АС) можливо тільки за умови забезпечення високого рівня захищеності інформації, що циркулює в цих АС. Для цього відповідно до законів України про інформацію і її захист, а також відповідно до нормативних документів Системи технічного захисту інформації (ТЗІ) України в АС необхідним є застосування спеціальних засобів захисту, що призначаються для досягнення оптимального для даної АС об'єднання чотирьох **властивостей захищеності інформації автоматизованих систем** [1, 2, 3]: конфіденційності, цілісності, доступності і спостереженості. Залежно від умов застосування, складності і класу АС, а також характеристик можливих загроз вага цих функціональних властивостей може змінюватися, але проблеми забезпечення конфіденційності і цілісності інформації є одними з основних при розробці і впровадженні будь-яких захищених АС. При тому досить часто виникає задача одночасного забезпечення конфіденційності і цілісності одних і тих же інформаційних об'єктів. Причини цього можуть мати як суб'єктивний, так і об'єктивний характер.

Система ТЗІ забезпечує конфіденційність інформації, якщо вона зберігається, чи передається так, що сторонні (неавторизовані) користувачі не мають змоги отримати доступ до неї (при умові зберігання її у відкритому вигляді) [2] чи розкрити її смисловий зміст (при умові зберігання її у перетвореному вигляді) [4]. Звернемо увагу на те, що відсутність доступу до інформації не гарантує неможливість її отримання, наприклад завдяки витокам інформації технічними каналами. Окрім того, при зберіганні інформації у відкритому вигляді в багатокористувацьких АС можливе навмисне чи ненавмисне ознайомлення з конфіденційною інформацією тих авторизованих користувачів, для яких ця інформація не є призначеною. Отже в багатьох випадках криптографічне перетворення інформації є чи не єдиним шляхом забезпечення її конфіденційності (з певною стійкістю до спроб розкриття її змісту – криптографічною стійкістю). На цей час широко відомими є декілька алгоритмів криптографічного перетворення [4], із яких в Україні рекомендовано застосування алгоритму за ГОСТ 28147 – 89. При цьому деякі з алгоритмів криптографічного перетворення для зворотного перетворення потребують наявності лише невикривленої інформації, тобто інформації з гарантованою цілісністю.

В свою чергу, система ТЗІ забезпечує цілісність інформації [2], якщо вона зберігається, передається чи обробляється достовірною, повною і захищеною від ненавмисних і навмисних викривлень. Одним з основних способів забезпечення цілісності інформації в автоматизованих системах є застосування засобів контролю цілісності інформаційних об'єктів з її подальшим відновленням. Не зупиняючись на причинах

порушення цілісності [5], слід підкреслити, що частина загроз цілісності, зокрема внаслідок її порушень з боку авторизованих чи неавторизованих користувачів, може бути виявленою, а отже й усунутою лише за рахунок застосування ефективних механізмів контролю і відновлення цілісності, в яких використовуються процедури захищених від підробок перетворень інформації. Це пов'язане з тим, що **основною задачею забезпечення цілісності** інформаційних ресурсів є забезпечення такого стану системи, коли **неможливе приховування факту будь-якої несанкціонованої модифікації** захищеної інформації (вставки, вилучення, підміна і т. п.). З цією метою до складу інформації, що захищається, включають надлишкову інформацію – образ, відображення цієї інформації (ознака цілісності, цифровий підпис), процедура формування якого відома лише власнику інформації й авторизованому користувачам. Тобто образи, що формуються, повинні мати певну стійкість до підробок – імітостійкість. При цьому відомі механізми контролю цілісності з використанням цифрових підписів інформаційних об'єктів базуються на застосуванні процедур виявлення порушень цілісності – перевірки цифрового підпису і на наступному відновленні викривленої інформації за рахунок повторних передач невикривленої інформації чи повторних записів невикривленої інформації з резервної копії. Обидві ці операції вимагають значних часових витрат. Для підвищення оперативності процесів забезпечення цілісності необхідно є розробка і застосування погоджених між собою швидкодіючих процедур як виявлення порушення цілісності інформації, так і її відновлення. Такими є процедури, що ґрунтуються на застосуванні коригувальних завадостійких кодів. Однак відомі завадостійкі коди не в змозі забезпечити головну з необхідних властивостей – імітостійкість, внаслідок чого їхнє використання в механізмах контролю цілісності є неможливим. Це пов'язано з тим, що механізми формування контрольних ознак, які можна було б використовувати як відповідні образи (сигнатур, хеш – функцій і т. п.) не забезпечують скритності їхнього формування, тому що як константи (наприклад, елементи кодувальних таблиць, див. нижче), так і механізми обрахунку цих кодів є, як правило, загальновідомими. В окремих випадках, коли таку скритність можна було б забезпечити (приклад – коди Ріда – Соломона) кількість елементів перетворення (підматриць кодувальної матриці) є обмеженою настільки, що важко говорити про необхідну імітостійкість відповідних контрольних ознак.

Слід звернути увагу на те, що одночасне забезпечення і конфіденційності і цілісності інформаційних об'єктів при використанні відомих алгоритмів досягається послідовним застосуванням процедур криптографічного перетворення і процедур обчислення цифрового підпису. При зворотному перетворенні спочатку перевіряється цілісність інформації, а потім здійснюється її дешифрування. Тобто цей процес є двофазним і при прямому і при зворотному перетворенні, за рахунок чого продуктивність засобів оброблення інформації дещо знижується. У статті пропонується використання механізмів, які дозволяють забезпечити як суміщення (однофазність) означених процедур, так і їх окреме застосування. Ці механізми використовують одну і ту ж математичну базу, що дозволяє розробити сімейство алгоритмів, які, на думку автора, не поступаються, а в деяких випадках є кращими від відомих.

## II Короткі відомості про кодові перетворення

Під кодовими перетвореннями будемо розуміти результат множення вихідного коду  $A$  довжиною в  $n$  символів (слово визначеного алфавіту, число в деякій системі числення і т. п.) з можливим розширенням його до  $k$  символів, що розглядається як матриця розмірності  $(1 \times n)$ , де  $n$  – число символів цього вихідного коду, на кодувальну матрицю  $G$  розмірності  $(k \times k)$ , де  $k \geq n$ , елементами якої є деякі числа. Далі вважається, що операції множення і додавання при обчисленні елементів закодованого слова (при множенні матриць) можуть бути або лінійними, або нелінійними, наприклад, модульними – виконуються (усі чи окремі з них) по модулю (у залежності від типу коду – малої чи великої величини) – або логічними, у тому числі у виді порозрядних логічних додавань і множень.

У результаті такого множення одержують перетворений код – матрицю  $V=A \times G$  розмірністю  $(1 \times k)$ . Ясно, що для зворотного перетворення, тобто для одержання вихідного коду  $A$  з  $V$  досить виконати множення  $V$  на матрицю  $G^{-1}$ , зворотну  $G$ :  $A=V \times G^{-1}=A \times G \times G^{-1}$ . Матриця  $G$  у теорії завадостійкого кодування зветься породжуючою, а матриця  $G^{-1}$  – перевіркоюю.

Примітка. Звернемо увагу на те, що в разі використання під час визначення елементів породжуючої матриці чи під час векторного множення нелінійних операцій (операцій за модулем, логічних операцій та ін.) отримання зворотної (перевірочної) матриці відомими методами лінійної алгебри може бути неможливим. В цих випадках перевірочну матрицю  $G^{-1}$  отримують, виходячи із властивостей коду.

Розмірність породжуючої матриці  $G$  (рис. 1), правила вибору чи формування її елементів (підматриць) визначаються видом перетворення, а також можливостями побудови зворотних матриць  $G^{-1}$ . Звичайно породжуюча матриця, внаслідок причин, викладених нижче, має розмірність  $(k \times k)$ . Оскільки розмірність  $k$  перевищує довжину вихідного коду  $n$ , то можливі варіанти використання підматриць матриці  $G$  чи

доведення довжини вихідного коду до  $k$ . Для визначеності будемо вважати також, що умови існування зворотної матриці  $G^{-1}$  виконуються.

**Перший варіант – криптоперетворення.** При використанні вихідного коду довжиною в  $n$  символів і підматриці  $g$  матриці  $G$  (рис. 1) з  $n$  рядків і  $n$  стовпців (чи, що те ж саме, окремої матриці  $(n \times n)$ ) і визначених правилах вибору чи формування її елементів можна одержати матриці для криптографічних перетворень (шифрування) вихідного тексту.

Код, отриманий у результаті множення вихідного коду на кодувальну матрицю, є деяким криптографічним перетворенням вихідного коду. Якщо механізм формування елементів кодувальної матриці є секретним, чи механізм формування елементів кодувальної матриці є загальновідомим, але при їхньому формуванні використовуються деякий секретний параметр – ключ, то зашифрований код має визначену криптографічну стійкість, тобто стійкість до спроб криптоаналітиків одержати з зашифрованого коду (часто з використанням певної частки відкритого вихідного тексту) ключ, чи власне вихідний код (текст).

$$G = \begin{pmatrix} g_{11} & g_{12} & \cdot & g_{1n} & \cdot & g_{1k} \\ g_{21} & g_{22} & \cdot & g_{2n} & \cdot & g_{2k} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ g_{n1} & g_{n2} & \cdot & g_{nn} & \cdot & g_{nk} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ g_{k1} & g_{k2} & \cdot & \cdot & \cdot & g_{kk} \end{pmatrix} \quad \begin{array}{l} \text{Підматриця } g \\ (n \times n) \end{array}$$

**Рисунок 1 – Загальний вид кодувальної матриці**

Така криптографічна стійкість є основною властивістю таких перетворень і досить часто визначається числом варіантів ключів.

**Другий варіант – завадостійке кодування.** Описані у варіанті 1 перетворення забезпечують надзвичайно важливу властивість захищеності інформації – конфіденційність, однак не дозволяють вирішувати проблему контролю, а тим більше, відновлення цілісності інформації (єдиним, мабуть, виключенням є випадок, коли факт неможливості дешифрування зашифрованого слова можна тлумачити як факт наявності в ньому викривлення). Це пов'язано з тим, що операція обчислення нової матриці  $B = A \times g$  не приводить до збільшення в закодованому слові кількості інформації (появі в ньому нової інформації), необхідної для наступного виявлення факту викривлення, місця викривлення і його величини.

Отже, для перетворень, що дозволяють здійснювати контроль цілісності (можливо з наступним її відновленням) необхідно ввести потрібну для цього додаткову інформацію, тобто використовувати матриці розмірності  $k > n$ , як наслідок цього, вихідні слова для кодування довжиною  $k$  символів. Тоді вихідне слово з  $n$  символів перетвориться в закодоване слово, як варіант – у завадостійкий код, довжиною в  $k$  символів.

Даний варіант передбачає розширення вихідного коду довжиною в  $n$  символів до вихідного слова для кодування довжиною в  $k$  символів і використання кодувальної матриці спеціального виду – породжуючої матриці (у термінах завадостійкого кодування). Найбільш простою процедурою перетворення вихідного коду довжиною в  $n$  символів у вихідне слово для кодування довжиною в  $k$  символів є додавання (вставка)  $r = (k - n)$  додаткових символів, наприклад у кінець вихідного коду (у деяких кодах, наприклад у кодах Хеммінга, така вставка може здійснюватися і між символами вихідного коду). Матриця, що породжує, у цьому випадку (рис. 2) як підматрицю  $g$  містить одиничну матрицю,  $r$  додаткових рядків і стовпців, елементи яких у  $n$  рядках визначаються необхідними властивостями (типом) завадостійкого коду. У результаті множення вихідного слова для кодування на кодувальну матрицю одержують  $k$  – символний код, у якому перші  $n$  елементів збігаються з відповідними елементами вихідного коду, а інформація, що формується в додаткових, надлишкових  $r$  символах закодованого слова в теорії завадостійкого кодування зветься контрольною ознакою.

Якщо, наприклад, використовувати кодувальну матрицю, у якій  $r - n = 1$ , а  $n$  елементів  $k$  – го стовпця дорівнюють одиниці, то одержимо завадостійкий код (рис. 3), в якому контрольну ознаку отримують шляхом підсумовування (наприклад, порозрядного логічного чи по модулю  $2^b$ , де  $b$  – двійкова довжина символів вихідного коду, тобто його довжина в бітах, і т. д.) усіх  $n$  елементів вихідного коду (еквівалент контрольного підсумовування).

$$\left( \begin{array}{cccc|cccc} 1 & 0 & \dots & 0 & \dots & g_{1k} & & \\ 0 & 1 & \dots & 0 & \dots & g_{2k} & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ 0 & 0 & \dots & 1 & \dots & g_{nk} & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 1 & \end{array} \right)$$

Одинична підматриця  $g$  ( $n \times n$ )

Рисунок 2 – Загальний вид кодувальної матриці для завадостійких кодів

При контролі цілісності здійснюють множення закодованого слова на перевірочну матрицю  $G^{-1}$ , внаслідок чого одержують вектор – рядок із  $n$  інформаційних символів (можливо з порушеною цілісністю) та  $(k - n)$  так званих синдромів помилок, елементи яких при виборі надмірності, достатньої для рішення задач виправлення помилок, несуть інформацію про наявність, місце і величину викривлень у кодї, що перевіряється. При недостатній надмірності ці елементи несуть інформацію про місце чи просто про наявність викривлень (виявляючі коди).

$$G = \left( \begin{array}{cccc|cccc} 1 & 0 & \dots & 0 & \dots & 1 & & \\ 0 & 1 & \dots & 0 & \dots & 1 & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ 0 & 0 & \dots & 1 & \dots & 1 & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & & \\ 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 1 & \end{array} \right)$$

Одинична підматриця  $g$  ( $n \times n$ )

Рисунок 3 – Загальний вид кодувальної матриці для випадку коду, що виявляє викривлення (контрольне підсумовування)

**Третій варіант – завадостійка криптографія.** Відзначимо [6], що використання кодувальної матриці виду 1 дозволяє використовувати однофазні процедури перетворення, що, на думку автора, дає змогу підвищити загальну швидкодїю засобів перетворення.

З цією метою необхідно розширити вихідний код на  $g$  символів (у найбільш простому випадку на один), арифметичні значення яких з умов технологічності слід обирати такими, що дорівнюють нулю ( $a_j = 0, j = 1, 2, \dots, g$ ). При цьому отримується вихідне слово для кодування довжиною в  $k$  символів  $A = (a_1, a_2, \dots, a_k)$ . Крім того слід сформувати кодувальну матрицю  $G$  за правилами відповідного криптографічного перетворення. В цій матриці  $k - g$  стовпчиків забезпечують розрахунок надлишкових символів, які є необхідними для забезпечення контролю цілісності (або, залежно від їх кількості чи величини, – контроль і поновлення цілісності). Після матричного множення  $A_{зкр} = A \times G$  отримують зашифроване слово  $A_{зкр}$ , в якому  $n$  символів є суто криптографічним перетворенням вихідного слова  $A$ , а  $k - g$  символів забезпечують наступний контроль цілісності (чи контроль і поновлення цілісності).

Для зворотного перетворення необхідно здійснити векторне множення вектора  $A_{зкр}$  на зворотну матрицю  $G^{-1}$  таку, що  $A = A_{зкр} \times G \times G^{-1}$ . Не зупиняючись на техніці отримання зворотної матриці, відмітимо, що, вочевидь, під час останнього перетворення операції векторного множення повинні забезпечити не лише зворотне криптографічне перетворення, але і надати змогу виявити та скорегувати можливі викривлення (порушення цілісності) в  $A_{зкр}$ .

Для ілюстрації можливості реалізації механізму завадостійкого криптографічного перетворення нижче розглянуто один із його варіантів.

### III Варіант блокової завадостійкої криптографії

Як варіант блокового завадостійкого криптографічного перетворення пропонується перетворення вихідного  $m$  – символного цифрового коду (блоку відкритого тексту з  $m$  символів), який вважається деяким числом  $A$  у позиційній системі числення, в число  $A_{слк}$  в системі числення в лишкових класах [8]. З урахуванням викладеного вище, відмітимо, що з цією метою необхідно:

Символи вихідного блоку розглядати як символи  $a_i$  ( $i = 1, 2, \dots, m$ ) обраного позиційного представлення (цифри в позиційній системі числення числа  $A$ ) с відповідними ваговими коефіцієнтами  $c_i = 256^i$ , при умові представлення символів вихідного коду як байтів. Неважко зрозуміти, що діапазон представлення таких чисел в цьому випадку  $0 \leq A < 256^m$ ;

Визначити розміри кодувальної матриці та вихідного слова для кодування. З цією метою необхідно:

– вибрати сукупність основ системи числення в лишкових класах з  $n \geq m$  взаємно простих чисел  $p_j$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ),  $p_j$  –  $j$ -та основа (елемент криптографічного ключа, за допомогою якого забезпечується потрібна імітостійкість, див. далі). Кількість  $n$  основ  $p_j$  (основ, які утворюють діапазон представлення чисел в

лишкових класах – “робочих” основ) слід обирати такою, щоб забезпечити умову  $256^m \leq P = \prod_{j=1}^{j=n} p_j$ , де  $P$  –

діапазон представлення (“робочий” діапазон) системи числення;

– вибрати так звану “контрольну” основу (основу, за допомогою якої вводиться потрібна надлишковість) –  $p_k$  з умови

$$p_k > 2p_n \cdot p_{n-1},$$

де величини  $p_n$  і  $p_{n-1}$  є найбільшими з основ  $p_j$ . В разі необхідності (наприклад, виходячи з умов технологічності обчислювальних процесів) слід застосувати складені контрольні основи у вигляді

$$p_k = \prod_{s=1}^{s=r} p_{ks}, \text{ де } r - \text{кількість складених основ для обрахування контрольної};$$

– визначити загальну кількість основ системи числення в лишкових класах як  $k = n + r$ . Ця кількість визначає розмірність кодувальної та перевірконої матриць ( $k \times k$ ), а величина  $r$ , окрім того, кількість додаткових (надлишкових) символів у вихідному коді для перетворення;

– розширити вихідний код на  $r$  (у найбільш простому випадку, при  $r = 1$ , – на один) символів  $a_i = 0$ , ( $i = n + 1, \dots, n + r$ );

1. Створити кодувальну матрицю  $G$ , як елементи  $g_{ij}$  якої використовувати величини

$$g_{ij} = \{c_i\}_{p_j},$$

де знак  $\{c_i\}_{p_j}$  означає обчислення лишку (відрахування) від розподілу  $c_i$  на  $p_j$ ;

2. Визначити елементи зворотної матриці  $G^{-1}$ . Із зауважень, викладених в примітці (розділ II), витікає, що в даному випадку елементи зворотної матриці слід визначати, виходячи із властивостей коду. Відомо [6, 7], що як зворотну матрицю  $G^{-1}$  можна використати спрощену матрицю виду

$$G^{-1} = \begin{pmatrix} g_{11} & B_{21} \\ g_{12} & B_{22} \\ \cdot & \cdot \\ g_{1n} & B_{2n} \\ \cdot & \cdot \\ g_{1k} & B_{2k} \end{pmatrix}.$$

**Рисунок 4 – Вид спрощеної зворотної матриці**

Як елементи першого стовпчика цієї матриці використовуються величини  $g_{1i} = m_i/p_i$ , а елементами другого стовпчика – є так звані ортогональні базиси системи числення  $B_{2j} = m_i \cdot P_j$ , де  $P_j = ((\prod_{j=1}^{j=k} p_j) / p_j)$ ,

$m_i$  – вагові коефіцієнти ортогональних базисів, такі, що  $m_i = \{1/P_j\}_{p_j}$ , позначка  $\{X\}_y$  означає операцію по модулю  $y$  (обчислення лишку від ділення  $X$  на  $y$ ).

Для ілюстрації можливості реалізації розглянутих механізмів завадостійкого криптографічного перетворення нижче пропонується варіанти відповідних алгоритмів.

#### **IV Варіант алгоритмів блокової завадостійкої криптографії**

Алгоритмами блокової завадостійкої криптографії є алгоритми прямого (шифрування) та зворотного (дешифрування) криптографічних перетворень.

Алгоритм завадостійкого блокового криптографічного перетворення вихідного слова  $A$  в слово  $A_{\text{слк}}$  зводиться до операції векторного множення  $A_{\text{слк}} = A \times G$ . При цьому всі операції при обчисленні символів перетвореного коду  $a_i$  слід виконувати по відповідним модулям  $p_j$ . Внаслідок цього вихідний код  $A = a_1, a_2, \dots, a_n, 0$  (при  $r = 1$ ) перетвориться в число в лишкових класах  $A_{\text{слк}} = \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, \dots, \alpha_k$ , відносно якого можуть бути застосовані відомі механізми контролю, або контролю і відновлення цілісності.

Якщо при цьому правило вибору основ  $p_j$  (їх величин) не відомі неавторизованому користувачу, то отриманий внаслідок описаного криптографічного перетворення код  $A_{\text{слк}}$  має і певну криптографічну стійкість, аналіз якої виходить за межі даної статті і яку неважко довести до потрібної. Тобто, механізми,

запропоновані нижче на базі перетворень з області числення в системі лишкових класів, дозволяють використовувати їх у задачах завадостійкої криптографії.

Алгоритм зворотного блокового криптографічного перетворення [8] включає контроль цілісності слова, яке дешифрується, його поновлення (корекцію можливих викривлень) та власне зворотне перетворення.

Контроль цілісності і корекція можливих викривлень здійснюються після векторного множення слова, яке дешифрується на елементи першого стовпчика (рис. 4). Для цього пропонується використання механізмів відомого [7] завадостійкого коду з корекцією викривлень – ЛУ – коду. Відповідно до правил ЛУ– коду операції під час векторного множення слова, яке дешифрується, на елементи першого стовпчика слід виконувати так, щоб отримати дробову частину результату операції – величину  $Z$ :

$$Z = \sum_{i=1}^{i=n1} \frac{\alpha_i \cdot m_i}{p_i} - \left[ \sum_{i=1}^{i=n1} \frac{\alpha_i \cdot m_i}{p_i} \right].$$

У цьому виразі позначка  $[X]$  – обчислення цілої частини змінної  $X$ , змінна  $n1$  приймає значення  $n + r$ , змінна  $\alpha_i$  – числовий (двійковий) еквівалент  $i$ -го інформаційного символу контрольованої частини файлу (базового кодового слова).

Отримане при цьому значення величини  $Z$  порівнюється з константою коду

$$Z < 1/p_k,$$

де змінна  $p_k$ , як і раніше, – контрольна основа коду.

Якщо ця нерівність задовольняється, то це є критерієм того, що цілісність даного кодового слова не порушена. Якщо ж ця нерівність не задовольняється, то це є критерієм того, що цілісність даного кодового слова порушена, і здійснюється його відновлення відповідно до нижче викладеного  $Z$ -алгоритму відновлення цілісності. Після цього здійснюється контроль цілісності наступного базового кодового слова доти, поки не закінчиться контроль усього повідомлення чи носія.

Відновлення інформації при контролі цілісності з використанням властивостей цього коду не вимагає використання резервних копій, а є суцільно розрахунковим з повним використанням інформації, що зосереджена в надлишкових символах – у контрольних ознаках кожного з перетворених слів.

Відповідно до  $Z$ -алгоритму корекція викривленої змінної  $\tilde{\alpha}_i$ , тобто обчислення неспотвореного значення цієї ж змінної  $\alpha_i$  відбувається згідно з виразом

$$\alpha_i = \{ \tilde{\alpha}_i - \{ [Z \cdot p_i] \cdot R_i \}_{p_i} \}_{p_i},$$

у якому зміст усіх змінних збігається з раніше визначеним.

В останнім виразі не визначеним є лише значення  $i$  – номера перекрученого символу  $\tilde{\alpha}_i$ . Це значення знаходиться із системи нерівностей

$$Z \cdot p_i - [Z \cdot p_i] < \frac{p_i}{p_k}, \quad (i = 1, 2, \dots, n).$$

За шукане значення  $i$  приймається номер тієї нерівності (того  $p_i$ ), для якої задовольняється ця умова.

Дешифрування здійснюється шляхом векторного множення слова, яке дешифрується, на елементи другого стовпчика (рис. 4). Операції під час цього множення слід виконувати по модулю, який дорівнює повному діапазону представлення  $R = P \cdot p_k$ .

Внаслідок такої операції зашифроване слово (блок, число в лишкових класах) перетворюється в слово відкритого тексту (блок, число в позиційній системі числення).

При розробленні технології криптозахисту інформаційних об'єктів слід враховувати, принаймні, дві особливості. Перша з них пов'язана з обмеженими можливостями ЛУ – коду (як і будь-якого іншого завадостійкого корегуючого коду) по виправленню викривлень в блоці для дешифрування (в термінах завадостійкого кодування – в базовому кодовому слові). Друга особливість пов'язана зі збільшенням розрядності інформаційних об'єктів (на  $r$  символів на кожне базове кодове слово) під час шифрування та з необхідністю зменшення цієї розрядності до початкової після дешифрування.

Враховання першої особливості здійснюється наступним чином. Розглянутий в попередньому розділі алгоритм забезпечує завадостійкі криптографічні перетворення (блокові шифрування – дешифрування) в разі виконання звичайної для завадостійких корегуючих кодів умови – усі викривлення в базовому кодовому слові зосереджені в межах одного символу (для даного варіанту – одного байту). Саме тоді є можливим виправлення викривлень. У випадку ж наявності в межах базового кодового слова більшої кількості викривлень їх виправлення при раніше визначеній надлишковості є неможливим. Зрозуміло, що як раз такі умови в каналах зв'язку, особливо з урахуванням здатності викривлень групуватися в пакети, є більш ймовірними. Нагадаємо відоме співвідношення для визначення кількості викривлень  $n_{\text{пом}}$  в повідомленні з  $k$

елементарних (двійкових) символів для каналу з відомими інтенсивністю завад  $v$  чи ймовірністю викривлення одного елементарного символу  $P_{\text{пом}}$  на часовому проміжку, який дорівнює часу  $t_{\text{п}}$  передачі повідомлення [8]:

$$n_{\text{пом}} = vt_{\text{п}} \approx kP_{\text{пом}}.$$

Вихід з цієї ситуації є відомим – застосування механізмів перемежування. Незавжди упевнитись, що перемежування слід здійснювати з такою глибиною  $\lambda$ , щоб при довжині символів (в бітах)  $b_c$  виконувалась умова

$$n_{\text{пом}} \leq (\lambda - 1) b_c, \quad (1)$$

звідкіля

$$\lambda \geq [n_{\text{пом}}/b_c] + 1,$$

тобто мінімальне значення  $\lambda \geq 2$ . В разі врахування можливостей більш значного, ніж це витікає з виразу (1), порушення цілісності інформаційних об'єктів (наприклад, внаслідок дій зловмисників) глибина перемежування може вибиратися і значно більшою (див. нижче). При цьому існують можливості організації перетворень із сталою, або змінною величиною  $\lambda$ , тобто із сталою (блочно – груповий контроль) чи змінною довжиною узагальнених кодових слів, наприклад, контроль за файлами, якщо обмін здійснюється інформаційними об'єктами типу файл. Під узагальненим кодовим словом тут розуміється впорядкований певним чином (наприклад, за правилами перемежування) блок інформації довжиною в  $N = m\lambda$  при шифруванні та  $N = k\lambda$  символів при дешифруванні. Звернемо увагу, що при обробці інформації за файлами глибина перемежування може бути досить значною ( $\lambda = [N_{\text{ф}}/m] + 1$ , де  $N_{\text{ф}}$  – загальна кількість символів в інформаційному об'єкті перед його шифруванням), а цей інформаційний об'єкт можна розглядати як своєрідне узагальнене кодове слово.

При такій організації узагальнених кодових слів врахувати другу особливість дуже просто. Дійсно, для цього достатньо під час шифрування здійснювати приформування інформації, яка зосереджена в надлишкових символах (у кількості  $\lambda g$  символів на кожне узагальнене кодове слово), в чітко визначених алгоритмом місцях.

Звернемо увагу на те, що при обробленні інформації в межах *кожного із узагальнених кодових слів* можна виправити виявлені в ньому викривлення, довжина яких  $V_B$  може бути (при їхньому довільному розташуванні в межах узагальненого кодового слова) від одного до

$$V_B = [(\lambda - 1) \cdot b_c + 1]$$

двійкових символів (біт). Тобто найбільш можлива довжина виправляємих довільно розташованих у межах узагальненого кодового слова викривлень, коли ще можливе дешифрування, дорівнює  $\lambda - 1$  символів. Загальна кількість викривлень такої довжини, що виправляються, дорівнює кількості узагальнених кодових слів у складі файлу.

Слід зазначити, що умови застосування цих процедур впливають на вибір методу організації оброблення. В умовах збереження інформації (на деяких носіях) слід враховувати те, що:

1. Метод блочно – групового оброблення інформації дозволяє розкрити **багато груп викривлень малої довжини**, що, безумовно є дуже корисним для **організації контролю цілісності** тих носіїв, викривлення яких мають природний, а не штучний характер. Такими носіями можуть бути, наприклад, **резервні копії програмних засобів чи баз даних**. Але для контролю викривлень великої довжини, а це притаманне викривленням штучного характеру, цей вид контролю застосовувати недоцільно;

2. Оброблення інформації у файлах дозволяє викрити значно меншу, чим при попередньому виді контролю, кількість викривлень, але найбільшої, максимальної при пофайловому контролі довжини і тому цей вид контролю доцільно застосовувати при контролі цілісності інформації файлів, у разі потреби такого контролю, наприклад, при контролі цілісності інформації, що дискретно оперативно змінюється.

При обміні інформацією слід врахувати наступне:

1. методи блочно – групового оброблення, з їх вище визначеними особливостями, можуть бути легко пристосованими для контролю процесів обміну без використання механізмів вирішальної зворотного зв'язку, що приведе до підвищення швидкості обміну (довжина блоку повинна відповідати довжині повідомлення, прийнятої у відповідному протоколі; це просто реалізується, наприклад, у протоколі X.25).

2. контроль цілісності інформації в блоках, довжина яких перевищує довжину повідомлення (контроль у файлах), дозволяє застосовувати принципи каскадних кодів і забезпечувати цілісність в умовах чи то впливу перешкод великої тривалості (кількість викривлень перевищує коригувальні властивості внутрішнього коду), чи то тривалих (у тім же розумінні) завмирань сигналів.

*Література: 1. Нормативний документ Системи технічного захисту інформації “Загальні положення про захист інформації в комп'ютерних системах від несанкціонованого доступу” (НД ТЗІ 1.1 – 002 – 99).*

2. Нормативний документ Системи технічного захисту інформації “Критерії оцінки захищеності інформації в комп’ютерних системах від НСД” (НД ТЗІ 2.5 – 004 – 99). 3. Нормативний документ Системи технічного захисту інформації “Класифікація автоматизованих систем і стандартні функціональні профілі захищеності оброблюваної інформації від несанкціонованого доступу” [НД ТЗІ 2.5. – 005 – 99]. 4. Введение в криптографию / Под. Ред. В. В. Яценко.– СПб.: Питер, 2001, – 288 с.: ил. 5. Василенко В. С., Короленко М. П. Цілісність інформації в автоматизованих системах.// Корпоративні системи.1999.– № 3.– с.52–57. 6. Василенко В. С., Курочкін С. Г. Використання методу завадостійкої криптографії в системах обробки кредитно-фінансової інформації // Машинна обробка інформації. Міжвідомчий науковий збірник.– Вип.60, 1997.– с.169–174. 7. Будько М. М., Василенко В. С., Короленко М. П. Механізми контролю цілісності та її поновлення // Правове, нормативне та метрологічне забезпечення системи захисту інформації в Україні, – К., 2000.– с.130 – 139. 8. Василенко В. С. Горицький В. М. Варіант завадостійкого криптографічного перетворення // “Современные проблемы телекоммуникаций”, збірка доповідей на 6-ій міжнародній науково – технічній конференції, 19 – 22 серпня 2003 р.(ч.1) // Одеська національна академія зв’язку ім. А. С. Попова – с. 71 – 73.

УДК 681.3

## МЕТОДИ СТРУКТУРНОЇ НАДЛИШКОВОСТІ ЯК ПРОТИДІЯ АТАКАМ АПАРАТНИХ ПОМИЛОК

Ігор Васильцов

Тернопільська академія народного господарства

*Анотація:* Досліджено особливості застосування методів структурної надлишковості для підвищення стійкості апаратних засобів захисту інформації до атаки апаратних помилок. Розглянуто традиційні види структурної надлишковості та резервування Мак-Класкі. Наведено математичні співвідношення для оцінки ефективності застосування різних видів надлишковості.

*Summary:* In this paper the particularities of structural redundancy technique usage to increase the resistance of data protection hardware to different fault analysis have been investigated. Traditional structural redundancy as well as Mac-Cluskey redundancy have been considered. The mathematical models to estimate the efficiency of different structural redundancy technique usage have been developed.

*Ключові слова:* Атака апаратних помилок, методи захисту, структурна надлишковість.

### I Постановка проблеми

Задачі захисту інформації в умовах сучасного розвитку інформаційних технологій можуть успішно бути вирішеними лише за умови застосування апаратних засобів захисту, оскільки постійне зростання потоків конфіденційної інформації ставить жорсткі вимоги щодо забезпечення відповідного рівня пропускну здатності каналів зв’язку. Такі апаратні засоби є складовою частиною системи захисту інформації і реалізують криптографічні алгоритми забезпечення конфіденційності, цілісності та працездатності автоматизованих систем обробки інформації [1, 2]. Проте тенденції до апаратної реалізації засобів криптографічного захисту інформації в свою чергу обумовили появу принципово нових видів криптоаналізу, які умовно можна назвати “Атаки спеціальних впливів”, або ж “Атаки на основі нестандартних (побічних) каналів витоку інформації” (англ. мовою side-channel attacks, covert-channel attacks) [3 – 13]. Однією з перспективних є атака на основі апаратних помилок. Суть цієї атаки полягає у наступному: криптоаналітик має доступ до апаратури захисту інформації, і має змогу проводити штатні операції стосовно криптографічного перетворення вхідних даних, а також може спеціальним чином впливати на процес обробки інформації, щоб спричинити некоректну роботу засобів захисту інформації, а відтак отримати спотворений шифротекст. Подальша робота полягає в диференційному аналізі криптотексту, отриманого у нормальному режимі роботи, та у режимі виникнення помилок. Незважаючи на очікувану велику складність такого процесу, Е. Біхам та А. Шамір теоретично довели, що в загальному випадку достатньо від 50 до 200 пар незалежних криптотекстів для зламу алгоритму DES [8]. Останні дослідження зарубіжних вчених в цій області показують, що така атака може бути ефективно проведена за умови залучення невеликих коштів [11]. Тому розробка підходів, методів та засобів проектування пристроїв захисту інформації, стійких до атак спеціальних впливів, набуває особливої актуальності.

### II Аналіз літератури

Для боротьби з атаками спеціальних впливів застосовують різноманітні підходи, що базуються на