# АНАЛИЗ ДИАГРАММЫ НАПРАВЛЕННОСТИ АНТЕННОЙ РЕШЕТКИ С АВТОКОМПЕНСАТОРОМ ПОМЕХ НА ОСНОВЕ ПРОЦЕССОРА ГРАМА-ШМИДТА

Семибаламут К. М.1; Жук С. Я.2, д.т.н., профессор

<sup>1</sup> Военно-дипломатическая академия имени Евгения Березняка,

г. Киев, Украина

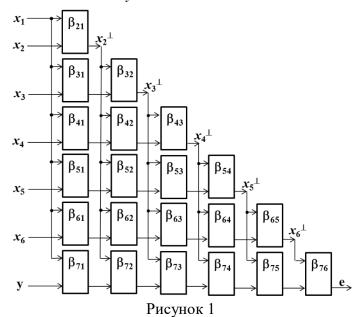
 $^2$  Национальный технический университет Украины «Киевский политехнический институт имени Игоря Сикорского»,

г. Киев, Украина

Перспективным при синтезе автокомпенсаторов (АК) активных шумовых помех, является подход на основе процедуры ортогонализации Грама-Шмидта /1/. Он позволяет получить алгоритмы, которые обеспечивают параллельно-последовательную обработку сигналов. В АК на основе антенных решеток (АР), с целью экономии аппаратурных затрат, а также улучшения массогабаритных характеристик изделий, компенсационные каналы часто формируются на основе элементов антенны основного канала. В дальнейшем будем полагать, что АК строятся на основе линейной эквидистантной теэлементной АР с полуволновым межэлементным расстоянием. При этом все элементы АР используются для формирования антенны основного канала, а также компенсационных каналов (малогабаритная АР).

Структурная схема АК, реализующего процедуру Грама-Шмидта, при m=6 показана на рис. 1. Сигналы на входах компенсационных каналов обозначены  $x_1...x_6$ , а на входе основного канала y.

АК рис. 1 имеет лестничный вид, включает 6 ступеней, и состоит из модулей в виде двухвходовых весовых сумматоров весовыми коэффициентами  $\beta_{ik}$ ,  $k = \overline{1,6}$ ,  $i = \overline{k+1,7}$ . В нем на основе процедуры Грама-Шмидта выполняется ортогонализация (декор-реляция) входных сигналов. В результате на выходе формируются ортогонализи-рованные сиг $x_1^{\perp}...x_6^{\perp}$ налы компен-



сационных каналов и сигнал ошибки компенсации помех е. Такие устройства также получили название многоступенчатых обеляющих фильтров /2/.

Определим диаграмму направленности (ДН) AP с AK рис. 1 для общего случая m. Связь входных и выходных сигналов можно представить в виде /2/

$$\vec{x}^{\perp} = \mathbf{H}_m \dots \mathbf{H}_k \dots \mathbf{H}_1 \vec{x} , \quad k = \overline{1, m} , \tag{1}$$

где  $\vec{x} = (x_1, ..., x_m, y)^{\mathrm{T}}$  — вектор-столбец сигналов на входе АК;  $\vec{x}^{\perp} = (x_1^{\perp}, ..., x_m^{\perp}, \mathbf{e})^{\mathrm{T}}$  — вектор-столбец сигналов на выходе АК;  $\mathbf{H}_k$  — матрица размером  $(m+1)\times(m+1)$ , описывающая преобразование сигналов в k -ой ступени. Для m=6 и k=3  $\mathbf{H}_3$  имеет вид

$$H_3 = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{43} & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{53} & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{63} & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{73} & 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}.$$

Выражение (1) можно представить в следующей форме

$$\vec{x}^{\perp} = G\vec{x}$$
, (2)

где G — матрица, являющаяся результатом произведения матриц  $G = H_{m}...H_{k}...H_{1}$ .

Можно показать, что матрица G является нижней треугольной, а элементы главной диагонали равны единице. С учетом (1) и (2) сигнал ошибки компенсации е описывается выражением

$$e = \sum_{i=1}^{m} g_{m+1,i} x_i + y , \qquad (3)$$

где  $\mathbf{g}_{m+1,i}, i=\overline{1,m}$  — элементы m+1-й строки матрицы G . Учитывая параметры AP и способ формирования сигнала y , ДН  $\mathbf{A}(\Theta)$  AP определяется по формуле

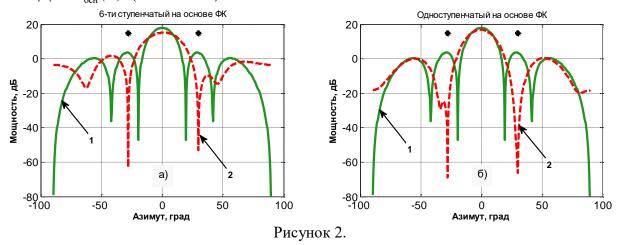
$$A(\Theta) = A_{\text{och}}(\Theta) - A_{\text{kom}}(\Theta) , \qquad (4)$$

где  $A_{_{\text{осн}}}(\Theta)$  ,  $A_{_{\text{комп}}}(\Theta)$  — ДН основного канала и компенсационная ДН

$$\mathbf{A}_{\text{\tiny OCH}}(\Theta) = \sum_{i=1}^{m} \exp\left\{j(i-1) \times \pi \sin\Theta\right\} \; ; \qquad \quad \mathbf{A}_{\text{\tiny KOMII}}(\Theta) = \sum_{i=1}^{m} (-\mathbf{g}_{m+1,i}) \exp\left\{j(i-1)\pi \sin\Theta\right\} \; .$$

Как правило, весовые коэффициенты АК являются неизвестными. Представляет интерес сравнительный анализ ДН адаптивных АК на основе многовходового весового сумматора (классическая одноступенчатая схема) и процессора Грама -Шмидта, в которых вычисление весовых коэффициентов выполняется с помощью RLS-алгоритма /3/. При моделировании выбрано: число элементов AP m=6; число постановщиков активных шумовых помех (АШП) — 2 с одинаковой относительной мощностью 300, по отношению к уровню мощности собственных шумов приемных каналов. На рис. 2,а показаны ДН основного канала  $A_{\text{осн}}(\Theta)$  (кривая 1) и ДН AP с АК на основе процессора Грама-Шмидта  $A(\Theta)$  (кривая 2) в установившемся режиме. На рис. 2,б показаны аналогичные характеристики для AP с АК на

основе многовходового весового сумматора. Значками "\*" – обозначены азимуты постановщиков АШП, расположенных в первых боковых лепестках ДН  $A_{\text{осн}}(\Theta)$  (30° и -28°).



Точность формирования нулей в направлениях на источники АШП одинаковая. При этом ширина зон режекции на уровне -20 дБ для одноступенчатой схемы приблизительно в 5 раз шире. Однако шестиступенчатая схема, в результате распараллеливания вычислений позволяет увеличить скорость обработки (частоту дискретизации сигнала) более чем на порядок.

# Перечень источников

- 1. Ратынский М.В. Адаптация и сверхразрешение в антенных решетках М.: Радио и связь, 2003. 200 с.
- 2. Леховицкий Д.И. Адаптивные решетчатые фильтры. Часть 1. Теория решетчатых структур / Д.И. Леховицкий, Д.С. Рачков, А.В. Семеняка, В.П. Рябуха, Д.В. Атаманский // Прикладная радиоэлектроника. 2011. Том 10, № 4. С. 381—404.
- 3. Monzingo, Robert A. Introduction to adaptive arrays / Robert A. Monzingo, Randy L. Haupt, Thomas W. Miller. -2nd ed. Scitech publishing, inc. 2011. -510 p.

#### Анотація

Отримано співвідношення для розрахунку діаграми спрямованості лінійної антенної решітки з автокомпенсатором на основі процесора Грама-Шмідта та виконано її аналіз при використанні для обчислення вагових коефіцієнтів в модулях RLS-алгоритму.

**Ключові слова:** Автокомпенсатор активних шумових завад, діаграма спрямованості, процедура ортогоналізації Грама-Шмідта, RLS-алгоритм.

## Аннотация

Получено выражение для диаграммы направленности линейной антенной решетки с автокомпенсатором на основе процессора Грама-Шмидта и выполнен ее анализ при использовании для вычисления весовых коэффициентов в модулях RLS-алгоритма.

**Ключевые слова:** Автокомпенсатор активных шумовых помех, диаграмма направленности, процедура ортогонализации Грама-Шмидта, RLS-алгоритм.

## **Abstract**

An expression for calculation of the linear array antenna directivity pattern with an automatic compensator based on the Gram-Schmidt processor and performed its analysis when used to calculate weighting factors in units of RLS-algorithm.

**Keywords:** Automatic compensators active noise interference, radiation pattern, the procedure Gram-Schmidt orthogonalization, of RLS-algorithm.